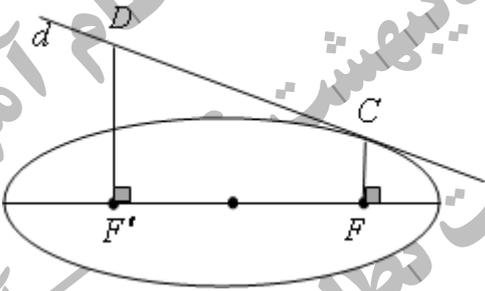


ساعات شروع: ۱۳:۳۰ عصر	رشته: ریاضی فیزیک	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون شبه نهایی درس هندسه ۳
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۲/۱۴	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزشی و پرورش			سوالات آزمون شبه نهایی (آمادگی برای آزمون های نهایی) پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه اردیبهشت ۱۴۰۱
ردیف	سوالات (پاسخ برگ دارد)		نمره

۱/۵	<p>عبارت درست یا نادرست را مشخص کنید.</p> <p>الف) اگر <math>A</math> ماتریس اسکالر و <math>B</math> ماتریس مربعی هم مرتبه <math>A</math> باشد، آنگاه <math>(A - B)^2 = A^2 + B^2 - 2BA</math>.</p> <p>ب) به ازای یک مقدار <math>m</math>، دستگاه شامل دو خط <math>3x + y = 3</math>، <math>-2x + y = m</math>، بی شمار جواب دارد.</p> <p>جای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>پ) اگر <math>A_{3 \times 3}</math> و <math>B = 3I</math> دو ماتریس هم مرتبه و وارون پذیر باشند، حاصل دترمینان ماتریس <math>ABA^{-1}</math> برابر ..... است.</p> <p>گزینه درست را مشخص کنید.</p> <p>ت) اگر <math>A = \begin{bmatrix} \cos 15^\circ &amp; -\sin 15^\circ \\ \cos 15^\circ &amp; \sin 15^\circ \end{bmatrix}</math>، حاصل <math> A </math> کدام است؟</p> <p style="text-align: center;">۱(۴)      ۲(۳)      ۴(۲)      ۸(۱)</p>	۱
۱/۵	<p>ماتریس <math>A = \begin{bmatrix}  A  &amp; 2 A  \\ 2 &amp;  A  \end{bmatrix}</math> وارون پذیر است. حاصل <math>A - 5A^{-1}</math> را به دست آورید.</p>	۲
۱/۵	<p>دو ماتریس <math>A = [a_{ij}]_{3 \times 3}</math>، با درایه های به فرم <math>a_{ij} = \begin{cases} 1-i &amp; ;  i-j  \leq 1 \\ 2 &amp; ;  i-j  &gt; 1 \end{cases}</math> و <math>B = \begin{bmatrix} 1 &amp; -1 &amp; -3 \\ 2 &amp; -1 &amp; 0 \\ 3 &amp; -1 &amp; 4 \end{bmatrix}</math> را در نظر بگیرید.</p> <p>الف) ماتریس <math>A</math> را به صورت آرایش مستطیلی بنویسید.</p> <p>ب) حاصل <math>(B - I)(B + I)</math> را بیابید.</p>	۳
۱/۵	<p>دو برابر مقدار هر درایه سطر اول ماتریس <math>A = \begin{bmatrix} 2 &amp; 3 &amp; -3 \\ 4 &amp; 0 &amp; -1 \\ 5 &amp; -1 &amp; 2 \end{bmatrix}</math> را به درایه نظیر سطر دوم اضافه می کنیم تا ماتریس <math>B</math> به دست آید. با استفاده از محاسبه دترمینان روی سطر دوم ماتریس <math>A</math> و <math>B</math> ثابت کنید <math> A  =  B </math>.</p>	۴
۱/۲۵	<p>الف) صفحه <math>P</math> یک سطح مخروطی را قطع می کند و از راس سطح مخروطی نمی گذرد. در این حالت، سطح مقطع صفحه <math>P</math> با سطح مخروطی یک دایره، بیضی، سهمی یا هذلولی است. (درست - نادرست)</p> <p>ب) معادله مکان هندسی مرکز دایره های به شعاع ۱ را بیابید که بر دایره به معادله زیر مماس باشند:</p> $x^2 + y^2 - 4x + 2y = 4$	۵
۱/۲۵	<p>خط <math>5x + 12y = 14</math> دایره <math>x^2 + y^2 - 2x - 8y = 8</math> را در نقاط <math>A</math> و <math>B</math> قطع می کند. فاصله نقطه <math>A</math> تا نقطه <math>B</math> را حساب کنید.</p>	۶
صفحه ۱ از ۲		

ساعات شروع: ۱۳:۳۰ عصر	رشته: ریاضی فیزیک	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون شبه نهایی درس هندسه ۳
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۴/۰۲/۱۴	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزشی و پرورش		سوالات آزمون شبه نهایی (آمادگی برای آزمون های نهایی) پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه اردیبهشت ۱۴۰۱	
ردیف	سوالات (پاسخ برگ دارد)		
نمره			

۱/۵	معادله دایره‌ای را بنویسید که مرکز آن $O(-2, 3)$ باشد و با دایره به معادله $x^2 + y^2 - 2x + 2y + 1 = 0$ مماس بیرونی باشد.	۷
۱/۲۵	طول قطرهای بزرگ و کوچک یک بیضی به ترتیب $2a$ و $2b$ است. قطر یک دایره منطبق بر قطر بزرگ بیضی است. از کانون $F$ بیضی، عمودی بر محور کانونی رسم می‌کنیم تا دایره را در نقطه‌ای مانند $M$ قطع کند. ثابت کنید $MF$ با نصف قطر کوچک بیضی برابر است.	۸
۱/۲۵	 <p>در بیضی با قطرهای به طول ۱۰ و ۶، عمودهای <math>CF</math> و <math>DF'</math> را بر محور کانونی رسم می‌کنیم. اگر خط <math>d</math> در نقطه <math>C</math> بر بیضی مماس باشد، مساحت چهارضلعی <math>DCFF'</math> را به دست آورید.</p>	۹
۱/۵	آینه‌ای به شکل سهمی با معادله $x^2 - 2x + 8y + 9 = 0$ را در نظر بگیرید. الف) معادله خط هادی و مختصات کانون را به دست آورید. ب) اگر پرتوی روی خط $x = 3$ در داخل سهمی، به سهمی بتابد، معادله پرتو بازتابش را بنویسید.	۱۰
۰/۷۵	عبارت درست یا نادرست را مشخص کنید. الف) دو بردار مخالف صفر $\vec{a}$ و $\vec{b}$ برهم عمودند، اگر و تنها اگر $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{0}$ . ب) زاویه بین دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ منفرجه است. تصویر قائم بردار $\vec{a}$ بر امتداد بردار $\vec{b}$ ، برداری غیر هم جهت با بردار $\vec{b}$ است. جای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید. پ) بردار نیمساز دو بردار واحد $\vec{i}$ و $\vec{j}$ ، بردار ..... است.	۱۱
۱	اگر دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ در یک راستا باشند، ثابت کنید تصویر بردار $\vec{a}$ بر امتداد $\vec{b}$ برابر خود $\vec{a}$ است.	۱۲
۱/۲۵	برداری به طول واحد بیابید که بر دو بردار $\vec{a} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$ و $\vec{b} = \vec{i} + \vec{k}$ عمود باشد.	۱۳
۱/۵	اگر بردارهای $\vec{a} = (1, -4, m+1)$ و $\vec{b} = (4, 5, 3-m)$ دو ضلع یک لوزی باشند، مساحت لوزی را به دست آورید.	۱۴
۱/۵	بردارهای $\vec{a} = (0, -1, 2)$ ، $\vec{b} = (1, -2, 0)$ ، $\vec{c} = (-1, 0, -3)$ در فضا یک متوازی السطوح بنا می‌کنند. دو بردار $\vec{a}$ و $\vec{b}$ در یک وجه به نام $P$ از متوازی السطوح قرار دارند. اندازه ارتفاع وارد بر وجه $P$ را به دست آورید.	۱۵
۲۰	موفق و سربلند باشید جمع نمره	
	صفحه ۲ از ۲	

راهنمایی تصحیح آزمون شبه نهایی درس هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۳:۳۰ عصر	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۴/۰۲/۱۴		
راهنمای تصحیح آزمون شبه نهایی (آمادگی برای آزمون‌های نهایی) پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه اردیبهشت ۱۴۰۴	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزشی و پرورش		
ردیف	راهنمای تصحیح		
نمره			

۱	<p>الف) درست (۰/۲۵)</p> <p>ب) نادرست (۰/۲۵)</p> <p>پ) <math> ABA^{-1}  =  A   B  \frac{1}{ A } =  B  = 3^3  I  = 27</math> (۰/۵)</p> <p>ت) گزینه ۲ <math> A  = \frac{1}{2} \rightarrow 32    A   A   = 32 \left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(\frac{1}{2}\right) = 4</math> (۰/۵)</p>
۲	<p><math> A  = 5,  A  = 0 \rightarrow  A  = 0</math> (۰/۲۵)</p> <p>ماتریس <math>A</math> وارون پذیر است بنابراین <math> A  \neq 0</math> و <math> A  = 5</math> است. (۰/۲۵)</p> <p><math>A - 5A^{-1} = \begin{bmatrix} 5 &amp; 10 \\ 2 &amp; 5 \end{bmatrix} - 5 \left( \frac{1}{5} \begin{bmatrix} 5 &amp; -10 \\ 5 &amp; -2 \end{bmatrix} \right) = \begin{bmatrix} 0 &amp; 20 \\ 4 &amp; 0 \end{bmatrix}</math> (۰/۲۵)</p>
۳	<p>الف) <math>A = \begin{bmatrix} 0 &amp; 0 &amp; 2 \\ -1 &amp; -1 &amp; -1 \\ 2 &amp; -2 &amp; -2 \end{bmatrix}</math> (۰/۵)</p> <p>ب) <math>(B - I)(B + I) = \begin{bmatrix} 0 &amp; -1 &amp; -3 \\ 2 &amp; -2 &amp; 0 \\ 3 &amp; -1 &amp; 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 &amp; -1 &amp; -3 \\ 2 &amp; 0 &amp; 0 \\ 3 &amp; -1 &amp; 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -11 &amp; 3 &amp; -15 \\ 0 &amp; -2 &amp; -6 \\ 13 &amp; -6 &amp; 6 \end{bmatrix}</math> (۰/۵)</p>
۴	<p><math>B = \begin{bmatrix} 2 &amp; 3 &amp; -3 \\ 8 &amp; 6 &amp; -7 \\ 5 &amp; -1 &amp; 2 \end{bmatrix}</math> (۰/۲۵)</p> <p><math> A  = (-1)^{2+1} (4) \begin{vmatrix} 2 &amp; -3 \\ -1 &amp; 2 \end{vmatrix} + (-1)^{2+2} (0) \begin{vmatrix} 2 &amp; -3 \\ 5 &amp; 2 \end{vmatrix} + (-1)^{2+3} (-1) \begin{vmatrix} 2 &amp; 3 \\ 5 &amp; -1 \end{vmatrix} = -29</math> (۰/۷۵)</p> <p><math> B  = (-1)^{2+1} (8) \begin{vmatrix} 3 &amp; -3 \\ -1 &amp; 2 \end{vmatrix} + (-1)^{2+2} (6) \begin{vmatrix} 2 &amp; -3 \\ 5 &amp; 2 \end{vmatrix} + (-1)^{2+3} (-7) \begin{vmatrix} 2 &amp; 3 \\ 5 &amp; -1 \end{vmatrix} = -29</math> (۰/۵)</p>
	صفحه ۱ از ۴

راهنمای تصحیح آزمون شبه نهایی درس هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۳:۳۰ عصر	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۴/۰۲/۱۴		
راهنمای تصحیح آزمون شبه نهایی (آمادگی برای آزمون‌های نهایی) پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه اردیبهشت ۱۴۰۴	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزشی و پرورش		
ردیف	راهنمای تصحیح		
نمره			
۵	الف) درست (۰/۲۵) ب) مکان هندسی حاصل دو معادله دایره است با مرکز $(-1, 2)$ و شعاع های ۴ و ۲. (۰/۵) معادلات آنها برابر است با $(x-2)^2 + (y+1)^2 = 16$ و $(x-2)^2 + (y+1)^2 = 4$ (۰/۵)	۱/۲۵	
۶	مرکز دایره $(4, 1)$ و شعاع ۵ است (۰/۲۵) فاصله مرکز دایره تا خط برابر است با: قطر عمود بر وتر، وتر را نصف می کند. اگر محل برخورد قطر و وتر $AB$ را $H$ بنامیم، بنا به رابطه فیثاغورس در مثلث داریم: $AH^2 + OH^2 = OA^2 \rightarrow AH = 4, AB = 2AH = 8$ (۰/۵)	$OH = \frac{ 5(1) + 12(4) - 14 }{\sqrt{5^2 + (12)^2}} = \frac{39}{13} = 3 \quad (0/5)$	۱/۲۵
۷	شعاع و مرکز دایره $x^2 + y^2 - 2x + 2y + 1 = 0$ عبارتند از $r' = 1$ و $O'(1, -1)$ (۰/۵) و $OO' = 5$ (۰/۲۵) دو دایره مماس خارج هستند و $r = 4$ (۰/۵) بنابراین معادله حاصل برابر است با: $(x+2)^2 + (y-3)^2 = 16$ (۰/۲۵)	۱/۵	
۸	دایره و بیضی هم مرکز هستند و قطر بزرگ بیضی با قطر دایره برابر است. پس نقطه $M$ روی دایره قرار دارد. فاصله $M$ تا مرکز بیضی برابر با $a$ است (۰/۲۵) در مثلث قائم الزاویه $MOF$ بنا به رابطه فیثاغورس داریم: در نتیجه $MF = b$ (۰/۲۵)	$OM^2 = MF^2 + OF^2 \xrightarrow{OM=a, OF=c} MF^2 = a^2 - c^2 = b^2$ $\xrightarrow{(0/5)} MF = b \quad (0/25)$	۱/۲۵
۹	قطر بزرگ بیضی ۱۰ و قطر کوچک آن برابر با ۶ است، $b = 3, a = 5$ . در نتیجه $c = 4$ (۰/۲۵) نقطه $C$ روی بیضی قرار دارد. بنا به تعریف بیضی $CF + CF' = 2a = 10$ (۰/۲۵) بنا به خاصیت بازتابندگی بیضی و خط های موازی و مورب نتیجه می شود مثلث $CDF'$ متساوی الساقین است یعنی در نتیجه $DF' = CF'$ (۰/۲۵) در نتیجه $CF + DF' = 2a = 10$ (۰/۲۵) مساحت $S = \frac{(CF + DF')(FF')}{2} = \frac{10 \times 8}{2} = 40$ (۰/۲۵)	۱/۲۵	
	صفحه ۲ از ۴		

راهنمایی تصحیح آزمون شبه نهایی درس هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۳:۳۰ عصر	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۴/۰۲/۱۴		
راهنمای تصحیح آزمون شبه نهایی (آمادگی برای آزمون‌های نهایی) پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه اردیبهشت ۱۴۰۴	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزشی و پرورش		
ردیف	راهنمای تصحیح		
نمره			

۱۰	الف) $(x-1)^2 = -8(y+1)$ مختصات راس سهمی $A(1, -1)$ ، $a = 2$ (۰/۲۵) مختصات کانون سهمی $F(1, -3)$ (۰/۲۵) و معادله خط هادی برابر با $y = 1$ است. (۰/۲۵) ب) مختصات نقطه برخورد $x = 3$ و سهمی نقطه $B(3, -\frac{3}{2})$ است. (۰/۲۵) پرتو بازتابش از کانون سهمی می‌گذرد. (۰/۲۵) معادله بازتابش $y = \frac{3}{4}x - \frac{15}{4}$ است. (۰/۲۵)	۱/۵
۱۱	الف) درست (۰/۲۵) ب) درست (۰/۲۵) پ) $\vec{i} + \vec{j}$ (۰/۲۵)	۰/۷۵
۱۲	$\vec{a} \parallel \vec{b} \rightarrow \vec{a} = k\vec{b}$ (۰/۲۵) $\vec{a}' = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^2} \vec{b} = \frac{(k\vec{b}) \cdot \vec{b}}{ \vec{b} ^2} \vec{b} = \frac{k \vec{b} ^2}{ \vec{b} ^2} \vec{b} = k\vec{b} = \vec{a}$ (۰/۲۵)	۱
۱۳	بردارای عمود بر بردارهای $\vec{a}$ و $\vec{b}$ عمود باشد برداری موازی با $\vec{a} \times \vec{b}$ است. پس $(\vec{a} \times \vec{b}) = r(\vec{a} \times \vec{b}) = r(3, -3, -3)$ (۰/۵) اندازه بردار واحد است. پس $ \vec{c}  = 1 \rightarrow r = \frac{1}{3\sqrt{3}}$ (۰/۵) بنابراین $\vec{c} = (\frac{1}{\sqrt{3}}, -\frac{1}{\sqrt{3}}, -\frac{1}{\sqrt{3}})$ (۰/۲۵)	۱/۲۵
۱۴	$ \vec{a}  =  \vec{b}  \rightarrow 1 + 16 + (m+1)^2 = 16 + 25 + (3-m)^2 \rightarrow m = 4$ (۰/۵) $S = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 1 & -4 & 5 \\ 4 & 5 & -1 \end{vmatrix} =  (-21, 21, 21)  = 21\sqrt{3}$ (۰/۵)	۱/۵
صفحه ۳ از ۴		

راهنمایی تصحیح آزمون شبه نهایی درس هندسه ۳	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۳:۳۰ عصر	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۴۰۴/۰۲/۱۴	
راهنمای تصحیح آزمون شبه نهایی (آمادگی برای آزمون‌های نهایی) پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه اردیبهشت ۱۴۰۴		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزشی و پرورش	
ردیف	راهنمای تصحیح		
نمره			

۱۵	<p>حجم متوازی السطوح برابر است با حاصل ضرب مساحت قاعده در طول ارتفاع (۰/۲۵)</p> <p>از طرفی حجم متوازی السطوح برابر است با:</p> $ \vec{c} \cdot (\vec{a} \times \vec{b})  = \begin{vmatrix} -1 & 0 & -3 \\ 0 & -1 & 2 \\ 1 & -2 & 0 \end{vmatrix} = 7 \quad (0/5)$ <p>قاعده متوازی السطوح یک متوازی الاضلاع است و مساحت قاعده برابر است با اندازه ضرب خارجی دو بردار <math>\vec{a}</math> و <math>\vec{b}</math>.</p> $ \vec{a} \times \vec{b}  = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 1 & -2 & 0 \\ -1 & 0 & -3 \end{vmatrix} =  (6, 3, -2)  = 7 \quad (0/5)$ <p>پس</p> $V = Sh = 7h \longrightarrow h = \frac{7}{7} = 1 \quad (0/25)$
۲۰	<p>موفق و سربلند باشید</p> <p>جمع نمره</p>
	صفحه ۴ از ۴