



# اشتراک الماس

## شامل چه محصولاتیه؟

کلاس سالیانه دروس اختصاصی  
(تدریس و حل تست پیشرفته) ۴ کلاس



کلاس های تست طلایی  
دروس اختصاصی ۴ کلاس



کلاس آمادگی امتحان نهایی  
دروس اختصاصی و عمومی ۱۰ کلاس



آزمون های دوپینگ



آزمون سالیانه ۲۳ مرحله



کارگاه های کمر بند مشکی



همایش های موضوعی و  
جمع بندی



فقط یکبار هزینه تا روز کنکور به هیچ کلاس و آزمون دیگر نیازی ندارید

۱.۳ - نرینه (۴)

کافی است با توجه به اطلاعات سوال روابط بین تعداد اعضای مجموعه‌های A، B، C و D را بنویسیم

$$\begin{cases} x_C = x_A + 2 \\ x_D = x_B - 3 \end{cases} \quad , \quad |C \times B| = |A \times B| + \frac{25}{100} |A \times B| = 1.25 |A \times B|$$

$$\Rightarrow x_C \times x_B = 1.25 x_A \times x_B \Rightarrow x_C = 1.25 x_A \Rightarrow (x_A + 2) = 1.25 x_A$$

$$\Rightarrow 0.25 x_A = 2 \Rightarrow x_A = 8 \Rightarrow x_C = 10$$

$$\text{سوال} : |C \times B| = 1.25 |A \times D| \Rightarrow x_C \times x_B = 1.25 x_A \times x_D$$

$$10 x_B = 1.25 \times 8 x_D = 10 x_D \Rightarrow 10 x_B = 10 (x_B - 3) = 10 x_B - 30$$

$$\Rightarrow x_B = 18$$

$$\text{مطلوب سوال} : x_B - x_A = 18 - 8 = 10$$

۱.۴ - نرینه (۱)

از قوانین جبر مجموعه‌ها استفاده می‌کنیم و خواهیم داشت :

$$A' \cup ((B \cap A) \cap \underbrace{[(B \cup A) \cap B]}_{\text{جذب} = B}) = A' \cup \underbrace{[(B \cap A) \cap B]}_{(B \cap A) \subseteq B} = A' \cup (B \cap A)$$

$$\stackrel{\text{شبه جذب}}{=} A' \cup B \stackrel{\text{دوران}}{=} (A \cap B')' = (A - B)'$$

روش دوم: می‌توان  $U = \{1, 2, 3, 4\}$ ،  $A = \{1, 2\}$ ،  $B = \{2, 3\}$  را مجموعه‌های مشخص در نظر گرفت و رابطه مطلوب سوال را برای این مجموعه‌ها بررسی کرد :

$$A \cup (B \cap A) \cap (B \cup A) \cap B = \{2, 3, 4\}$$

$\downarrow$   
 $\{3, 4\}$        $\{2\}$        $\{2, 3\}$

سیس به بررسی نزنیه های پروازیم :

$$(A - B)' = \{1\}' = \{2, 3, 4\} \checkmark$$

(نزنیه ۱)

۱۰۵- نزنیه (۲)

روش اول: جدول ارزش گزاره ها را می نویسیم و خواص داشت

P	q	$\sim P$	$\sim P \vee q$	$(\sim P \vee q) \Leftrightarrow q$	$P \vee q$	$\sim P \Leftrightarrow q$
>	>	ن	>	>	>	ن
>	ن	ن	ن	>	>	>
ن	>	>	>	>	>	>
ن	ن	>	>	ن	ن	ن

(نزنیه ۱)      (نزنیه ۳)      (نزنیه ۴)      (نزنیه ۲)      (مطلوب سوال)

که همانطور که مشخص است عبارت داده شده هم ارزش با نزنیه (۲) است.

روش دوم:

$$\begin{aligned}
 (\sim P \vee q) \Leftrightarrow q &\equiv [(\sim P \vee q) \Rightarrow q] \wedge [q \Rightarrow (\sim P \vee q)] \\
 &\equiv [(P \wedge \sim q) \vee q] \wedge [\sim q \vee (\sim P \vee q)] \equiv (q \vee P) \wedge T \equiv q \vee P
 \end{aligned}$$



۱۲۵ - گزینه (۳)

چون عدد هفتی است، درجات برای آن اتفاق می افتد:

حالت (۱) از سمت چپ بارقم فرد شروع شود:  $\frac{5}{5} \times \frac{5}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{3}{5} = 1200$   
 حالت (۲) از سمت چپ بارقم زوج شروع شود. فقط در این حالت رقم سمت چپ می تواند صفر باشد.

$$\frac{4}{5} \times \frac{5}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{4}{5} \times \frac{3}{5} = 960$$

$$\Rightarrow 1200 + 960 = 2160 : \text{تعداد کل عددها}$$

۱۲۶ - گزینه (۲)

چون  $P(x)$ ،  $P(y)$  و  $P(z)$  سه جمله متوالی دنباله هندسی اند، پس آنها را به صورت  $\frac{a}{r}$ ،  $a$ ،  $ar$  در نظر بگیرد. از طرفی چون واسطه هندسی آنها  $\frac{1}{5}$  است، خواهیم داشت:

$$\frac{1}{5r} + \frac{1}{5} + \frac{1}{5}r = 1 \Rightarrow 1 + r + r^2 = 5r \Rightarrow r^2 - 4r + 1 = 0 \Rightarrow r = \frac{4 \pm \sqrt{12}}{2}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} r = 2 + \sqrt{3} \\ r = 2 - \sqrt{3} \end{cases} \rightarrow \text{بزرگتر از ۱ است و فقط ۱}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{5}r = \frac{2 - \sqrt{3}}{5} : \text{کمترین احتمال}$$

۱۲۷ - گزینه (۳)

روش اول: فضای نمونه مورد شده را می نویسیم و سپس بیش آمد مطلوب را از داخل آن انتخاب می کنیم:

$$S = \left\{ (14, \begin{pmatrix} 1 \\ 15 \end{pmatrix}), (15, \begin{pmatrix} 1 \\ 14 \end{pmatrix}), \dots, (2, 1) \right\} \Rightarrow n(S) = 15 + 14 + \dots + 1 = \frac{15 \times 14}{2}$$

$$\Rightarrow n(S) = 105$$

$$A = \left\{ (14, \begin{pmatrix} 1 \\ 15 \end{pmatrix}) \right\} \Rightarrow n(A) = 15$$

$$P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{15}{105 \times 14} = \frac{1}{14}$$



روش دوم: با استفاده از رابطه احتمال شرطی خواهیم داشت:

$$P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

محصول ۱۲ باید ← مورد از مجموعه  
 ۱۲ مورد باشد

$$\Rightarrow \frac{P(A)}{P(B)} = \frac{\frac{1}{14}}{\frac{1}{7}} = \frac{1}{2}$$

۱۲۸- گزینه (۲)

می دانیم انحراف معیار برابر میانگین جابجه از رابطه  $\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$  به دست می آید نه ۶ انحراف معیار جامعه و  $n$  اندازه نمونه است. در نتیجه:

$$\frac{\sigma_{\bar{x}_2}}{\sigma_{\bar{x}_1}} = \frac{\frac{\sigma}{\sqrt{n_2}}}{\frac{\sigma}{\sqrt{n_1}}} \Rightarrow \frac{2}{3} = \sqrt{\frac{n_1}{n_2}} \Rightarrow \frac{n_1}{n_2} = \frac{4}{9} \Rightarrow \frac{n_2}{n_1} = \frac{9}{4} = 2.25$$

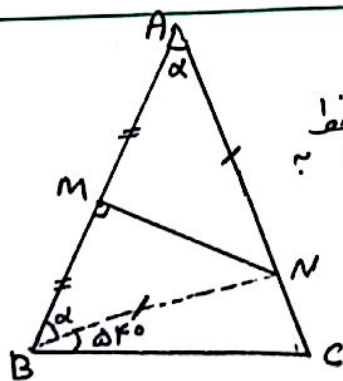
۱۲۹- گزینه (۴)

برای به دست آوردن واریانس تعدادی راه، مجموع مربعات انحراف از میانگین های آنها را به عبار آنها تقسیم می کنیم، نتیجه:

$$4 = \frac{9 + a^2 + 0 + 9 + b^2 + 1}{6} \Rightarrow a^2 + b^2 + 19 = 24 \Rightarrow a^2 + b^2 = 5$$

$$a, b \in \mathbb{Z} \Rightarrow \begin{cases} a = -2 \\ b = 1 \end{cases} \quad \begin{cases} a = 1 \\ b = -2 \end{cases} \quad \begin{cases} a = -1 \\ b = 2 \end{cases} \quad \begin{cases} a = 2 \\ b = -1 \end{cases}$$

که درجه موارد  $ab = -2$  است.



۱۳- گزینه (۳)

می دانیم هر نقطه که روی عمود منصف است فاصله آن از دو سرپاره خط یک پاره خط

یک اندازه است؛ بنابراین:  $\hat{A} = \hat{ABN} = \alpha \neq \hat{NA} = \hat{NB}$

از طرفی:  $AB = AC \Rightarrow \hat{B} = \hat{C} = \alpha + 4^\circ$

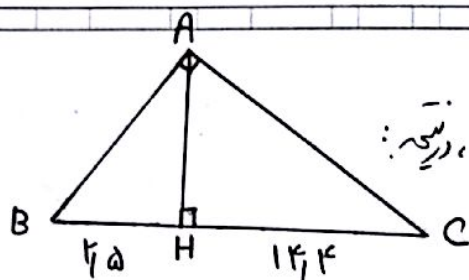
در هر مثلث:  $A + B + C = 180 \Rightarrow \alpha + (\alpha + 4^\circ) + (\alpha + 4^\circ) = 180$

$$\Rightarrow 3\alpha = 172^\circ$$

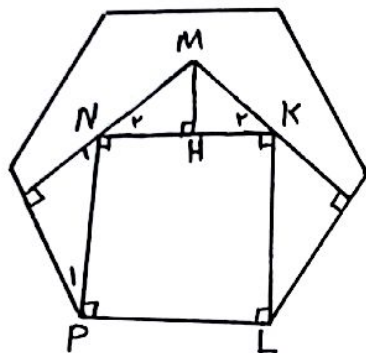
$$\Rightarrow \alpha = 57.33^\circ$$

$\hat{MNB} = 180 - (90 + \alpha) = 180 - 114 = 66^\circ$





۱۳۱- نرینه (۲)  
 ارتفاع واسطه هندسی نقاط ایجا شده روی دایره است، در نتیجه:  
 $AH^2 = BH \times HC = 25 \times 144 = 36$   
 $AH = 6$

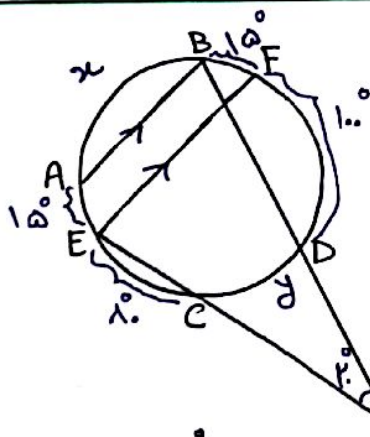


۱۳۲- نرینه (۱)  
 هزاره داخل یک شش ضلعی منتظم ۱۲۰ است زیرا:  
 $\alpha = \frac{(6-2) \times 180}{6} = 120^\circ$

$\hat{P}_1 = 120 - 90 = 30 \Rightarrow \hat{N}_1 = 60 \Rightarrow \hat{N}_2 = 30$   
 به روش مشابه  $\hat{K}_2 = 30$  است  
 $MN = MK$

$$\tan 30^\circ = \frac{MH}{NH} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{MH}{4} \Rightarrow MH = \sqrt{3} \Rightarrow S_{MNK} = \frac{1}{2} \times MH \times NK$$

$$\Rightarrow S = \frac{1}{2} \times \sqrt{3} \times 4 = 2\sqrt{3}$$



۱۳۳- نرینه (۴)  
 با توجه به اطلاعات صورت سوال و نام گذاری همان خط خواصم  
 راست است:

$$x + y + 210 = 360 \Rightarrow x + y = 150 \quad (1)$$

$$\hat{M} = \frac{\widehat{EAB} - \widehat{CD}}{2} \Rightarrow \frac{x + 150 - y}{2} = 20$$

$$\Rightarrow x - y = 20 \quad (2)$$

$$\begin{cases} x + y = 150 \\ x - y = 20 \end{cases} \Rightarrow 2x = 170 \Rightarrow x = 85^\circ, y = 65^\circ$$

$$\hat{ABD} = \frac{\widehat{AED}}{2} = \frac{150 + 10 + 420}{2} = 280^\circ$$

۱۳۴- نرینه (۴) اگر دایره ای مساحتش  $15\pi$  باشد و شعاع آن  $R$  شود خواهیم داشت:

$$S = \pi R^2 = 15\pi \Rightarrow R^2 = 15 \Rightarrow R = \sqrt{15}$$

مساحت دایره کوچکتر  $R'$  را در نظر بگیریم، خواهیم داشت:  $R - R' = \frac{3}{5}$

$$S - S' = \pi R^2 - \pi R'^2 = 21\pi \Rightarrow R^2 - R'^2 = 21$$

$$\Rightarrow (R - R')(R + R') = 21 \xrightarrow{R - R' = \frac{3}{5}} R + R' = 35$$

$$\Rightarrow \begin{cases} R - R' = \frac{3}{5} \\ R + R' = 35 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R = 17.5 \\ R' = 17 \end{cases} \rightarrow \text{شعاع دایره کوچکتر ۱۷ است}$$

۱۳۵- نرینه (۱)

اگر شعاع دایره بزرگتر را  $R$  و شعاع دایره کوچکتر را  $R'$  در نظر بگیریم، خواهیم داشت:  $R - R' = \frac{3}{5}$

$$S - S' = \pi R^2 - \pi R'^2 = 21\pi \Rightarrow R^2 - R'^2 = 21$$

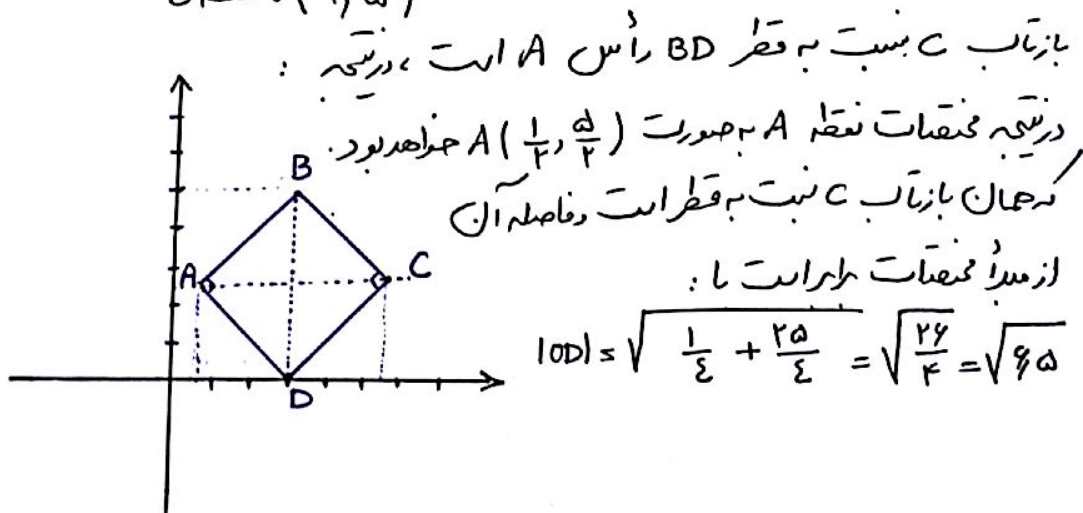
$$\Rightarrow (R - R')(R + R') = 21 \xrightarrow{R - R' = \frac{3}{5}} R + R' = 35$$

$$\Rightarrow \begin{cases} R - R' = \frac{3}{5} \\ R + R' = 35 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} R = 17.5 \\ R' = 17 \end{cases} \rightarrow \text{شعاع دایره کوچکتر ۱۷ است}$$

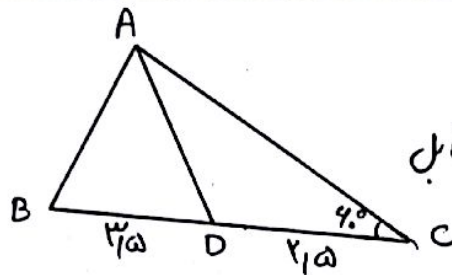
۱۳۶- نرینه (۲)

نقطه  $D(x_0, 0) = (3, 0)$  : نقطه  $D$  روی محور  $x$  ها

نقطه  $B(4, 5)$







۱۳۷- گزینه (۱)

می‌دانیم اگر نیم‌ای از زاویه ای را رسم کنیم ضلع مقابل به آن رابتهای نسبت در ضلع قطع می‌کند:

$$\frac{AB}{AC} = \frac{BD}{DC} = \frac{35}{25} = \frac{7}{5} \Rightarrow \begin{cases} AB = 7x \\ AC = 5x \end{cases}$$

گاهی است قضیه سینوس ها را در مثلث ABC بنویسیم:

$$AB^2 = AC^2 + BC^2 - 2AC \times BC \times \cos 40^\circ$$

$$49x^2 = 25x^2 + 34 - 2(5x)(4)\left(\frac{1}{2}\right) \Rightarrow 24x^2 + 3x - 34 = 0$$

$$\div 4 \Rightarrow 6x^2 + 3x - 8 = 0 \Rightarrow x = \frac{-3 \pm 11}{12} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{4}{3} \Rightarrow AC = 5 \times \frac{4}{3} = \frac{20}{3} \\ x = -2 \text{ غلط} \end{cases}$$

۱۳۸- گزینه (۲)

گاهی است بردار AB را به دست آوریم و در پایه های به هم موازی اصلی را برابر هم قرار دهیم:

$$AB = \begin{bmatrix} x & -1 & -x \\ 0 & 0 & 4 \\ y & z & z \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & \frac{1}{2} & 2 \\ 2 & 0 & -4y \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2z(x-1) & 0 & 2x+4y \\ 0 & 2 & 0 \\ 2z(y-z) & \frac{y+z}{2} & 2y-4yz \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2x+4y=0 \rightarrow x=-2y \\ \frac{y}{2} + \frac{z}{2} = 0 \rightarrow z=-y \end{cases}$$

از طریق چون ماتریس است که است، در پایه های اری قطر اصلی آن را هم برابر اند.

$$2z(x-1) = 2 = 2y - 4yz$$

$$\Rightarrow 2y - 4y(-y) = 2$$

$$\Rightarrow 2y + 4y^2 = 2 \Rightarrow 2y^2 + y - 1 = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} y = -1 \Rightarrow x = -2(-1) = 2 \\ y = \frac{1}{2} \notin \mathbb{Z} \end{cases}$$

در نتیجه  $xy = 2(-1) = -2$  است.





۱۳۹ - گزینه (۳)

$$|A| = \begin{vmatrix} 1 & -1 & -3 \\ 4 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 3 \end{vmatrix} = 1(1) - 1(-8) - 3(2) = 3$$

$$\underbrace{\begin{bmatrix} 4 & 3 \\ 1 & \frac{2}{3} \end{bmatrix}}_B X = \underbrace{\begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}}_C \Rightarrow X = B^{-1}C = \frac{\begin{bmatrix} \frac{3}{4} & -3 \\ -1 & 4 \end{bmatrix}}{1} \begin{bmatrix} 3 & 0 \\ -2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow X = \begin{bmatrix} 8 & -3 \\ -15 & 4 \end{bmatrix} \Rightarrow$$

لوحه پیرین در این مقادیر اصلی ۶ است

۱۴۰ - گزینه (۱)

نقطه مشترک دایره محفوظ دایره شده مرکز دایره است در نتیجه خواهیم داشت:

$$\begin{cases} m=2 \rightarrow 3y=9 \Rightarrow y=3 \\ m=-1 \rightarrow -3x=4 \Rightarrow x=-\frac{4}{3} \end{cases} \longrightarrow \text{مرکز دایره: } O(-\frac{4}{3}, 3)$$

چون نقطه A روی دایره قرار دارد، فاصله |OA| همان شعاع دایره است:

$$|OA| = R = \sqrt{(-\frac{4}{3}+1)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{1+1} = \sqrt{2}$$

$$C \text{ دایره: } 2\pi R = 2\pi \times \sqrt{2} \Rightarrow \text{محیط} = 2\sqrt{2}\pi$$

۱۴۱ - گزینه (۲)

برای بدست آوردن رأس مجموعی یا از معادله جیب و مشق می گیریم، برابر هم قرار می دهیم و آن به دست آمده را در معادله جایگزین می کنیم.  
 و یا معادله را به حالت استاندارد نوشته در رأس مجموعی راضی می کنیم.

$$\begin{aligned}
 4y - 2a &= 0 \xrightarrow{y=1} 4 - 2a = 0 \rightarrow a = 2 \Rightarrow \frac{a}{b} = \frac{2}{10} = \frac{1}{5} \\
 2(1) - 2(2)(1) + 1(-1) + b &= 0 \Rightarrow b = 10 \\
 2y^2 - 2ay &= -8x - b \xrightarrow{\div 2} y^2 - ay + \frac{a^2}{4} = -4x - \frac{b}{4} + \frac{a^2}{4} \\
 \text{حالت استاندارد سهمی: } (y - \frac{a}{2})^2 &= -4(x + \frac{b}{4} - \frac{a^2}{16}) \\
 S(\frac{a^2}{16} - \frac{b}{4}, \frac{a}{2}) &\Rightarrow \begin{cases} \frac{a}{2} = 1 \rightarrow a = 2 \\ \frac{a^2}{16} - \frac{b}{4} = -1 \rightarrow \frac{1}{4} - \frac{b}{4} = -1 \\ \Rightarrow b = 10 \end{cases}
 \end{aligned}$$

۱۴۲ - نرینه (۴)

اگر  $(x', y', z')$  باشد، متواری السطوح ساخته شده روی  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  بردار پایه نوین ای در نظر بگیریم که قاعده آن مشتمل از بردارهای  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  باشد. ارتفاع متواری السطوح برابر است با:

$$\begin{aligned}
 \vec{h} &= \frac{c \cdot (a \times b)}{|a \times b|^2} (a \times b) \\
 \begin{cases} \vec{a}(1, 1, 0) \\ \vec{b}(-1, 2, 0) \end{cases} &\rightarrow \vec{a} \times \vec{b} = (0, 0, 3) \quad |a \times b| = 3 \\
 \Rightarrow h &= \frac{3z'}{9} (0, 0, 3) = (0, 0, z') \quad \vec{h} = (x, y, 4) \quad z' = 4 \\
 \text{صوبه رابطه ضرب داخلی را داشته خواهیم داشت} \\
 \begin{cases} \vec{a} \cdot \vec{c} = 1 \Rightarrow x' + y' = 1 \\ \vec{b} \cdot \vec{c} = 5 \Rightarrow -x' + 2y' = 5 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} x' + y' = 1 \\ 4y' = 4 \Rightarrow y' = 1 \Rightarrow x' = -1 \end{cases} \\
 \vec{c} = (-1, 2, 4) &\Rightarrow |\vec{c}| = \sqrt{1 + 4 + 16} = \sqrt{21}
 \end{aligned}$$





۱۴۳ - نرینه (۱)

اگر زاویه بین بردار  $\vec{a}$  و  $\vec{b}$  را  $60^\circ$  در نظر بگیریم و  $|\vec{a}| = 2|\vec{b}|$  باشد:

$$|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{|\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 - 2|\vec{a}||\vec{b}|\cos 60^\circ} = \sqrt{4|\vec{b}|^2 + |\vec{b}|^2 - 2 \times 2|\vec{b}| \times |\vec{b}| \times \frac{1}{2}} = \sqrt{3} |\vec{b}|$$

سپس زاویه بین بردار  $\vec{a}$  و  $\vec{a} - \vec{b}$  را  $\theta$  در نظر بگیریم، خواهیم داشت:

$$\cos \theta = \frac{\vec{a} \cdot (\vec{a} - \vec{b})}{|\vec{a}| |\vec{a} - \vec{b}|} = \frac{|\vec{a}|^2 - \vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{a} - \vec{b}|} = \frac{4|\vec{b}|^2 - 2|\vec{b}| |\vec{b}| \times \frac{1}{2}}{2|\vec{b}| \times \sqrt{3} |\vec{b}|}$$

$$\cos \theta = \frac{3|\vec{b}|^2}{2\sqrt{3} |\vec{b}|^2} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow \theta = 30^\circ$$

۱۴۴ - نرینه (۴)

برای اینکه لگ عددی صحیح شود باید خارج کسری صحت را عا رند:

$$x+2 \mid 3x-1$$

$$x+2 \mid 3x-1$$

$$x+2 \mid (x+2) \times 3 \Rightarrow x+2 \mid 3x+6$$

$$x+2 \mid 7 \Rightarrow$$

$$x+2=1 \rightarrow x=-1$$

$$x+2=-1 \rightarrow x=-3$$

$$x+2=7 \rightarrow x=5$$

$$x+2=-7 \rightarrow x=-9$$

پس ۴ نقطه با اینصورت صحیح وجود دارد

۱۴۵ - نرینه (۱)

اگر در عدد رقم یکان  $a$  باشد، به بیان دیگر:  $a \equiv 1 \pmod{10}$

$$a^2 - 1 \equiv 14a + 6 \pmod{10} \Rightarrow a^2 - 14a - 7 \equiv 0 \pmod{10}$$

$$\Rightarrow (a-1)(a+7) \equiv 0 \pmod{10} \Rightarrow \begin{cases} a-1 \equiv 0 \pmod{10} \Rightarrow a \equiv 1 \pmod{10} \rightarrow a^2 + a \equiv 2 \pmod{10} \\ a+7 \equiv 0 \pmod{10} \Rightarrow a \equiv -7 \pmod{10} \rightarrow a^2 + a \equiv 2 \pmod{10} \end{cases}$$



۱۴۶ - نرینه (۳)  $12x + 11y = 759 \Rightarrow 12x \equiv 759 \Rightarrow x \equiv 0$   
 $\Rightarrow x = 11k, k \in \mathbb{Z}$   
 مدار معادله سیاله داده شده جایگذاری می کنیم:

$12(11k) + 11y = 759 \Rightarrow y = -12k + 49, k \in \mathbb{Z}$

ω صبراً دارد  $\Rightarrow 1 \leq k \leq 5$   
 $\begin{cases} 11k \geq 1 \Rightarrow k \geq 1 \\ -12k + 49 \geq 1 \Rightarrow k \leq 5 \end{cases}$

۱۴۷ - نرینه (۲)  
 می دانیم در گراف کامل مرتبه  $P$ ، تعداد یال ها  $q = \binom{P}{2} = \frac{P(P-1)}{2}$ ، همچنین  $\Delta = \delta = P-1$  است. در نتیجه خواهیم داشت:

$q_r = \Delta^2 - 2\delta \Rightarrow \frac{P(P-1)}{2} = (P-1)^2 - 2(P-1)$   
 $\Rightarrow (P-1)^2 + (P-1)\left(-2 - \frac{P}{P}\right) = 0$   
 $\Rightarrow (P-1) \left( P-1-2-\frac{P}{P} \right) = 0 \Rightarrow \begin{cases} P=1 \\ \frac{P}{P}-3=0 \Rightarrow P=6 \end{cases}$

۱۴۸ - نرینه (۱)  
 مجموع درجات رئوس یک گراف در برابر تعداد یال های گراف است. در نتیجه خواهیم داشت:  
 $5+4+4+3+a+b+c = 2 \times 15(a+b+c) \Rightarrow 2(a+b+c) = 14$   
 $a+b+c = 7$   
 چون گراف همبند است رأس درجه صفر ندارد، در نتیجه باید حالت های مختلف  $a, b, c$  را بررسی کنیم که چهار حالت دارد:

$\{5, 2, 1\} \quad \{4, 2, 2\} \quad \{4, 3, 1\} \quad \{3, 3, 2\}$



۱۴۹- نرینه (۱)

اگر اعداد طبیعی  $a, b, c, d$  را به هم برای  
 دست آوردن اعداد طبیعی کوچکتر از ۶۰۰۰ کافی است تعداد جواب های صحیح و منفی  
 $a+b+c+d=8$  ( $a \leq 5$ ) را بدست آوریم که برابر است با:  
 $\binom{11}{3} - \binom{5}{3} = 165 - 10 = 155$  جوابهایی که  $a > 5$  - ط جواب های صحیح و منفی

۱۵۰- نرینه (۱)

مجموع  $\{1, 2, 3, \dots, 7\}$  تعداد  $2^7 = 128$  زیرمجموع دارد که دو به دو ناسازگارند، به عبارتی  
 اشتراک آنها خن است و یا تمام بدیدیرند، در نتیجه بدترین حالت انتخاب مجموعه ها از آنها  
 که اشتراک دارند میباش این طبق اصل لانه بدتری اگر ۶۵ زیرمجموع انتخاب کنیم حتماً دو زیرمجموع  
 وجود دارد که اشتراک آنها خن باشد.

"موفق، سلامت و پیروز باشید"

سولند روشنی

۹ مه ماه ۱۴۰۱

