



# اشتراک الماس

## شامل چه محصولاتیه؟

کلاس سالیانه دروس اختصاصی  
(تدریس و حل تست پیشرفته) **۴ کلاس**



کلاس های تست طلایی  
دروس اختصاصی **۴ کلاس**



کلاس آمادگی امتحان نهایی  
دروس اختصاصی و عمومی **۱۰ کلاس**



آزمون های دوپینگ



آزمون سالیانه **۲۳** مرحله



کارگاه های کمر بندمشکی



همایش های موضوعی و  
جمع بندی





۱۰۴

$\frac{4-2x}{3x+1} \geq 0$  صورت = ۰  
 مخرج = ۰

جواب  
تعیین علامت

$x=2$

$x=-\frac{1}{3}$

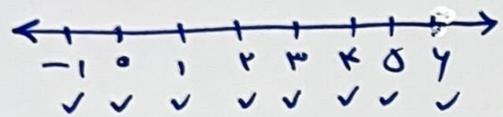
گزینه ۴

$[3x] = 4$

$\downarrow$   
 $-\frac{1}{3} < x \leq 2$   $\xrightarrow{x^3}$   $-1 < 3x \leq 4$

	$-\frac{1}{3}$	$2$	
$4-2x$	+	+	-
$3x+1$	-	+	+
	-	+	-

$-\frac{1}{3} < x \leq 2$  جواب



اعضو دارد

۱۰۵

$f(x) = b - 3ax$   
 $\downarrow$   
 $a=0$

تابع ثابت  
 $\downarrow$   
 صریح  $x=0$

$g(x) = c - (3b-3)x$   
 $\downarrow$   
 $b=11$

گزینه ۳

$f+g=0 \rightarrow 1+c=0 \rightarrow c=-1$   
 $bc=11$

۱۰۶

$f(x) = 4x - x^2 \xrightarrow{2+2} f(x+2) = 4(x+2) - (x+2)^2$

گزینه ۴

نقطه تلاقی  $f(x) = f(x+2) \rightarrow 4x - x^2 = 4x + 8 - x^2 - 4x - 4$

$x=1$

$x=1 \xrightarrow{\text{داخله}} \begin{bmatrix} 1 \\ 3 \end{bmatrix}$  میرا  $\begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix} \rightarrow OM = \sqrt{10}$

۱۰۷

گزینه ۳

$$\begin{cases} \alpha = 3\beta \\ \alpha + \beta = S = -\frac{b}{a} = \frac{6}{3} \\ \alpha\beta = p = \frac{c}{a} = \frac{4}{3} \end{cases} \rightarrow 3\beta^2 = \frac{4}{3} \rightarrow \beta^2 = \frac{4}{9} \rightarrow \beta = \pm \frac{2}{3}$$

$$\begin{cases} \alpha = 2 & \beta = \frac{2}{3} \rightarrow 2 + \frac{2}{3} = \frac{8}{3} \rightarrow a = 8 \\ \alpha = -2 & \beta = -\frac{2}{3} \rightarrow -2 - \frac{2}{3} = -\frac{8}{3} \rightarrow a = -8 \end{cases} \text{افلافا} \quad (14)$$

مخرج مشترک  $\rightarrow \frac{3\sqrt{x+1} - \sqrt{x^2-1} - \sqrt{x^2-1} - 3\sqrt{x+1}}{(3+\sqrt{x-1})(3-\sqrt{x-1})} = \frac{x-1}{\sqrt{x-1}}$

۱۰۸

گزینه ۲

$$\frac{-2\sqrt{x-1}\sqrt{x+1}}{9-(x-1)} = \frac{x-1}{\sqrt{x-1}} \times \frac{\sqrt{x-1}}{\sqrt{x-1}} = \sqrt{x-1}$$

$$x-10 = 2\sqrt{x+1} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 12 + 4\sqrt{3} \quad \checkmark \\ x_2 = 12 - 4\sqrt{3} \quad \times \end{cases} \text{یکدیگر قابل مقبول}$$

۱۰۹

میانگ  $\rightarrow (\alpha, \beta) \in f \rightarrow (\beta, \alpha) \in f^{-1}$

گزینه ۲

$$f^{-1}(a) = b \rightarrow f(b) = a$$

جابجایی گزینه ها  $\leftarrow$  گزینه (۲) درست است  $\checkmark$   $f\left(\frac{1}{f}\right) = \frac{5}{8}$

$$g \circ f(x) = g(f(x)) = 5x^2 + 11$$

گزینہ ۴

$$f(x) = 2x$$

$$\rightarrow g(2x) = 5x^2 + 11$$

$$\downarrow$$

$$2x = t \rightarrow x = \frac{t}{2}$$

$$g(t) = 5 \frac{t^2}{4} + 11 \rightarrow g(x) = \frac{5x^2}{4} + 11$$

$$g(x-v) = \frac{5}{4} (x-v)^2 + 11 \rightarrow$$

$$\downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow$$

مثبت    مثبت > 0     $\parallel$

کمترین مقدار  $\rightarrow \min = 11$

ممکنہ توابع

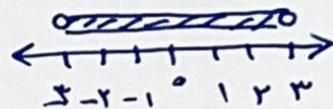
$$\begin{cases} x_5 = -\frac{b}{2a} \\ y_5 = -\frac{\Delta}{4a} \end{cases}$$

وقتی می گوید اکیڈا نرولی ← ضریب پرتوان ترین جاب (x) یعنی باشد

گزینہ ۱

$$-9 + k^2 < 0 \rightarrow k^2 < 9 \rightarrow -3 < k < 3$$

$$\sqrt{-2-1+0+1+2=0} \leftarrow$$



$$-\frac{\pi}{4} < x < \frac{\pi}{4} \xrightarrow{\times (-1)} -\frac{\pi}{4} < -x < \frac{\pi}{4} \xrightarrow{+\frac{\pi}{4}}$$

گزینہ ۱

$$\bullet < \frac{\pi}{4} - x < \frac{\pi}{4} \rightarrow \tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right) > 0$$

$$\frac{1-m}{r+m} > 0 \xrightarrow{m=1, m=-2} \begin{array}{|c|c|c|} \hline + & + & - \\ \hline - & + & + \\ \hline - & + & - \\ \hline \end{array} \rightarrow -2 < m < +1$$

مقدار صحیح

گزینه ۳

طلیحی ۱۴.۱

221-A

$$\sin^2 x + \sin^2 x + \cos^2 x = \frac{4}{3}$$

$$\frac{\tan^2 x}{1 + \tan^2 x} = \frac{1}{3}$$

برش  
و خطن

$$3 \tan^2 x = 1 + \tan^2 x$$

$$2 \tan^2 x = 1$$

$$\tan^2 x = \frac{1}{2}$$

گزینه ۳

از  $4\pi$  تا  $6\pi$  یک دور کامل

$$T = 4\pi = \frac{2\pi}{|b|}$$

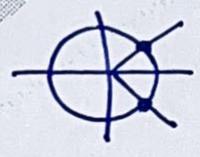
$$b = \pm \frac{1}{2}$$

$$\begin{cases} \max = |a| + c \\ \min = -|a| + c \end{cases} \rightarrow \begin{cases} a + c = 5 \\ -a + c = 1 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} 2c = 6 \\ c = 3 \end{cases} \rightarrow \text{تمام}$$

گزینه ۴

$$\Delta \cos x - \tan^2 x = 1 \rightarrow \Delta \cos x = 1 + \tan^2 x$$

$$\Delta \cos x = \frac{1}{\cos^2 x} \rightarrow \Delta \cos^2 x = 1 \rightarrow \cos 2x = \frac{1}{2}$$



$$x = \frac{\pi}{3}, x = \frac{5\pi}{3}$$

در این بازه  $[0, 2\pi]$  ۲ جواب.

گزینه ۱

$$\log_{\frac{1}{r}} m = \log_{\frac{1}{r}} r^{\frac{1}{3}x + 2} = \frac{1}{3} (\log_{\frac{1}{r}} r + 2 \log_{\frac{1}{r}} r) = m$$

$$1 + 2 \log_{\frac{1}{r}} r = 3m \rightarrow \log_{\frac{1}{r}} r = \frac{3m - 1}{2}$$

$$\log_{\frac{1}{r}} 12 = \log_{\frac{1}{r}} r^{\frac{1}{2}} \times r^2 = \frac{1}{2} (\log_{\frac{1}{r}} r + \log_{\frac{1}{r}} r^4) = \frac{1}{2} (2 + \frac{3m - 1}{2}) = \frac{3(m + 1)}{4} \checkmark$$

۱۱۷

گزینه ۳

$$f(x) = a + b\left(\frac{1}{x}\right)^x \xrightarrow{(0,0)}$$

$$f(0) = 0 \rightarrow a + b\left(\frac{1}{x}\right)^0 = 0 \rightarrow \boxed{a = -b}$$

$$f'(-1) = -1 \rightarrow f(-1) = -1 \rightarrow \boxed{a + 2b = -1}$$

$$\begin{cases} a = 1 \\ b = -1 \end{cases} \rightarrow a - b = 2$$

۱۱۸

گزینه ۴

$$x_1, x_2, \dots, x_8, x_9$$

اختلاف ۸ داده آماری

$$\text{از میانگین برابر} \rightarrow |x_i - \bar{x}| = 1 \rightarrow 1 \leq i \leq 8$$

±۱

$$x_9 - \bar{x} = 0 \rightarrow \boxed{\bar{x} = x_9}$$

$$\sigma^2 = \frac{\sum_{i=1}^9 (x_i - \bar{x})^2}{9} = \frac{1+1+\dots+1+0}{9} = \frac{8}{9} \rightarrow \sigma = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

واریانس

اختلاف از معیار

۱۱۹

گزینه ۱

با مثال عددی می توانیم به جواب برسیم:

$$\text{فرد} \rightarrow 1, 2, 3, 4, 5 \rightarrow \text{میانگین} = 3 = \text{میان}$$

$$\text{زوج} \rightarrow 1, 2, 3, 4, 5, 6 \rightarrow \text{میانگین} = 3.5 = \text{میان}$$

میانگین = صفر

اختلاف میانگین

پس نتیجه: اگر مقدار ثابت  $m$  به هر داده ها اضافه یا کم شود برای میانگین و میانگین

همه چیز اتفاق می افتد پس ابتدا ضرایب صفر خواهد بود.

گزینه ۲

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2 - 4}{x^3 - [x^3]} = \frac{0}{0}$$

$$x \rightarrow 2^+ \rightarrow (2^+)^3 = 8^+ \rightarrow [8^+] = 8$$

$$\frac{x^2 - 4}{x^3 - 8} \xrightarrow{\text{HOP}} \frac{2x}{3x^2} \xrightarrow{x=2} \left(\frac{1}{3}\right) \checkmark$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} (4 - [x]) g(x) = 4$$

$$x \rightarrow 1^+ \downarrow 3 \rightarrow \lim_{x \rightarrow 1^+} 3g(x) = 4 \rightarrow 3 \lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = 4$$

$$\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = 2 \\ x \rightarrow 1^+ \end{cases}$$

$x=1$  ریشه مضاعف زیرا در مخرج و حاصل عدش مساوی شود

(۲) پس  $a=4$  باشد

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\sqrt{4(x-1)^2}}{|x-1|} = 2$$

$$\xrightarrow{\text{حال}} \lim_{x \rightarrow +\infty} g(x) = \frac{2(x-1)}{x-1} = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = \frac{0}{0} \rightarrow \lim_{x \rightarrow 0} \frac{f'(x)}{1} = f'(0)$$

(سنتق مرتب)

$$f'(x) = \text{عامل منفرد} \rightarrow 1 \times \left(\sqrt{\frac{1}{9}}\right)^3 = \frac{1}{27}$$

تسویه دارد

$$\frac{y}{x} = \frac{4}{4} \rightarrow f'(1) = \frac{4}{4}$$

گزینه ۴

$$y' = f'(x) = \frac{(rx+m)(x+r) - (x^2+mx+1)}{(x+r)^2}$$

$$f'(1) = \frac{r+m+4}{14} = \frac{4}{4} \rightarrow m=2$$

$$y = \frac{x^2+2x+1}{x+2} \xrightarrow{x=1} (y=1)$$

نقطه  $(1,1)$  ← روی خط

$$r+n=1 \rightarrow n=1 \rightarrow m+n=2$$

$$f(0)=4 \rightarrow c=4$$

$$f'(x) = 3x^2+ax+b \rightarrow f'(0)=0 \rightarrow b=0$$

$$f'(x)=0 \rightarrow 3x^2+ax=0 \rightarrow x=0, x=-\frac{ra}{3}$$

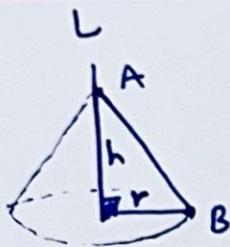
$$f(x) = x^3+ax^2+4 \rightarrow f\left(-\frac{ra}{3}\right) = 0$$

$$\frac{-1a^3}{3} + a\left(\frac{ra^2}{9}\right) + 4 = 0 \rightarrow \frac{ra^3}{3} = -4$$

$$a^3 = -12 \rightarrow a = -2$$

$$\text{min در } x = \frac{-2(-2)}{3} = \left(\frac{2}{3}\right) \checkmark$$

گزینه ۲



$AB = 2r \rightarrow$  میانگوش  $r^2 + h^2 = r^2$

$r^2 = 2r^2 - h^2 \checkmark$

گزینه ۲

$V = \frac{1}{3} \pi r^2 h = \frac{\pi}{3} (2r^2 - h^2) h \rightarrow V(h) = \frac{\pi}{3} (2rh - h^3)$

$V'(h) = 0 \rightarrow 2r - 3h^2 = 0 \rightarrow h^2 = 9 \rightarrow h = 3$

$\frac{2}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = \binom{4}{2}$

۱) اگر فیزیک انتخاب شود

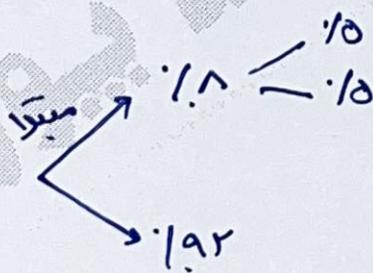
گزینه ۳

۲) فیزیک انتخاب شود، ریاضی و زیست انتخاب نمی شود  $\binom{4}{1}$

۳) زیست انتخاب و ریاضی فیزیک انتخاب شود  $\binom{4}{1}$

۴) ریاضی و زیست و فیزیک انتخاب شود

$\frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1} = \binom{4}{4} = 1 \rightarrow 4 + 4 + 4 + 1 = 15$



$P(\text{مبتدا و بهبود}) = \frac{1}{100} \times \frac{8}{10} = \frac{8}{1000}$

گزینه ۴

$\frac{1}{100}$

معادله حواها مساوی هم و تقاطع نکاتش رئوس :

گزینه ۱

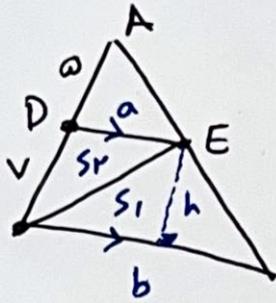
AB:  $y + 2x = 7$

$\rightarrow B(3, 1) \rightarrow$  فاصله نقطه B از خط AC

BC:  $2y - 7x = -19$

$BH = \frac{|14 - 9 - 17|}{\sqrt{14 + 9}} = 4, 4$

AC:  $4y - 3x = 17$



$$\text{کلاس } \frac{a}{b} = \frac{5}{12} \rightarrow \frac{b}{a} = \frac{12}{5}$$

گزینه ۴

$$\frac{S_1}{S_2} = \frac{\frac{bh}{2}}{\frac{ah}{2}} = \frac{b}{a} = \frac{12}{5} \checkmark$$

$$F'(-12, 0) \quad O(0, 0)$$

$$OF' = c = 12$$

$$BB' = 2b = 18 \rightarrow b = 9$$

$$a = \sqrt{b^2 + c^2} = \sqrt{81 + 144} = 15$$

$$e = \frac{c}{a} = \frac{12}{15} = \frac{4}{5} = 0.8$$

با آرزوی موفقیت برای شما

مبارک زاهدی پور

۰۱۴۰۱/۱۴۰۱